

**Solution de l'EMD-2020**  
**« Commande des systèmes électro-énergétiques »**

**Exercice 1 (MCC 8 points) :**

1. L'équation électrique et mécanique du moteur à courant continu à aimants permanents :

**2p** 
$$U = RI + L \frac{di}{dt} + E \quad ; \quad J \frac{d\Omega}{dt} = C_e - C_r - fw \quad ; \quad E = K\Omega \quad ; \quad C_e = KI$$

2. La fonction de transfert  $F(s)$  entre la vitesse  $\Omega(s)$  et la vitesse de rotation  $U(s)$  est donnée par :  
 (avec : flux constant et couple de charge  $C_r = 0$ ).

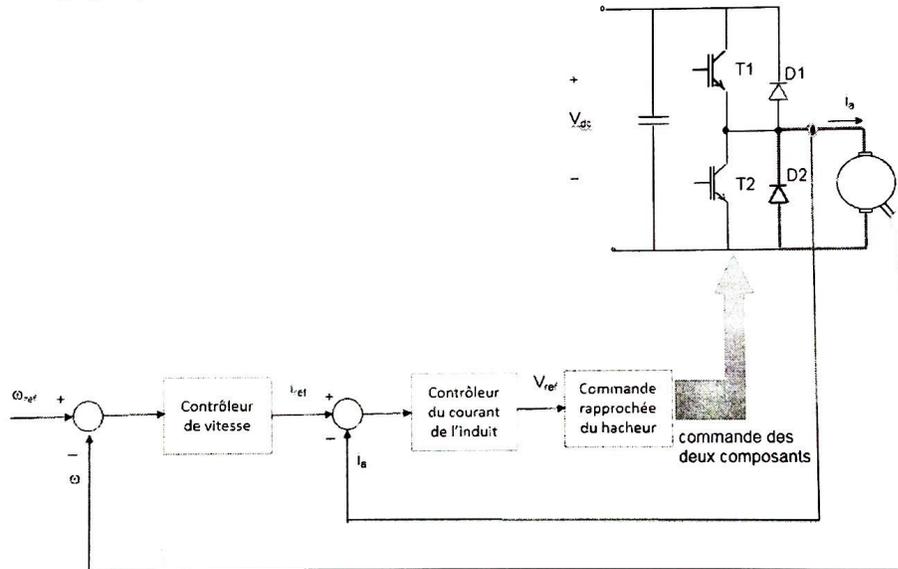
**2p** 
$$F(s) = \frac{K}{Jfs^2 + (JR + Lf)s + Rf + K^2} = \frac{\Omega}{U}$$

3. Le hacheur réversible en courant et non réversible en tension assure les modes suivants :

**1p** *Mode moteur et mode générateur dans le même sens de rotation*

4. Le schéma technologique (à base de transistors et de diodes) de l'association **Hacheur-MCC** :

**3p**



**Exercice 2 (MAS 12 points) :**

1. Les équations électriques du stator et du rotor, les relations entre les flux et les courants, l'équation du couple et l'équation mécanique dans un repère de PARK (d,q) sont :

**2p**

$$\begin{cases} u_{sd}(t) = R_s i_{sd}(t) + \frac{d\Phi_{sd}(t)}{dt} - \omega_s \Phi_{sq}(t) \\ u_{sq}(t) = R_s i_{sq}(t) + \frac{d\Phi_{sq}(t)}{dt} + \omega_s \Phi_{sd}(t) \\ 0 = R_r i_{rd}(t) + \frac{d\Phi_{rd}(t)}{dt} - (\omega_s - \omega_r) \Phi_{rq}(t) \\ 0 = R_r i_{rq}(t) + \frac{d\Phi_{rq}(t)}{dt} + (\omega_s - \omega_r) \Phi_{rd}(t) \end{cases} \quad \begin{cases} \Phi_{sd}(t) = L_s i_{sd}(t) + M i_{rd}(t) \\ \Phi_{sq}(t) = L_s i_{sq}(t) + M i_{rq}(t) \\ \Phi_{rd}(t) = L_r i_{rd}(t) + M i_{sd}(t) \\ \Phi_{rq}(t) = L_r i_{rq}(t) + M i_{sq}(t) \end{cases}$$

$$C_e = \frac{3}{2} p \frac{M}{L_r} (\Phi_{rd} i_{sq} - \Phi_{rq} i_{sd}) \quad J \frac{d\omega}{dt} = C_e - C_r - fw$$

2. Les deux équations rotoriques et l'équation du couple en fonction de  $\Phi_{rd}$ ,  $I_{sd}$  et  $I_{sq}$ .

**3p**

$$\begin{cases} \Phi_{rd} = \frac{M}{T_r s + 1} i_{sd} \\ \omega_{rr} = \frac{M}{T_r} \frac{i_{sq}}{\Phi_{rd}} \\ C_e = \frac{3}{2} p \frac{M}{L_r} \Phi_{rd} i_{sq} \end{cases}$$

3. La transformation de PARK et sa transformée inverse :

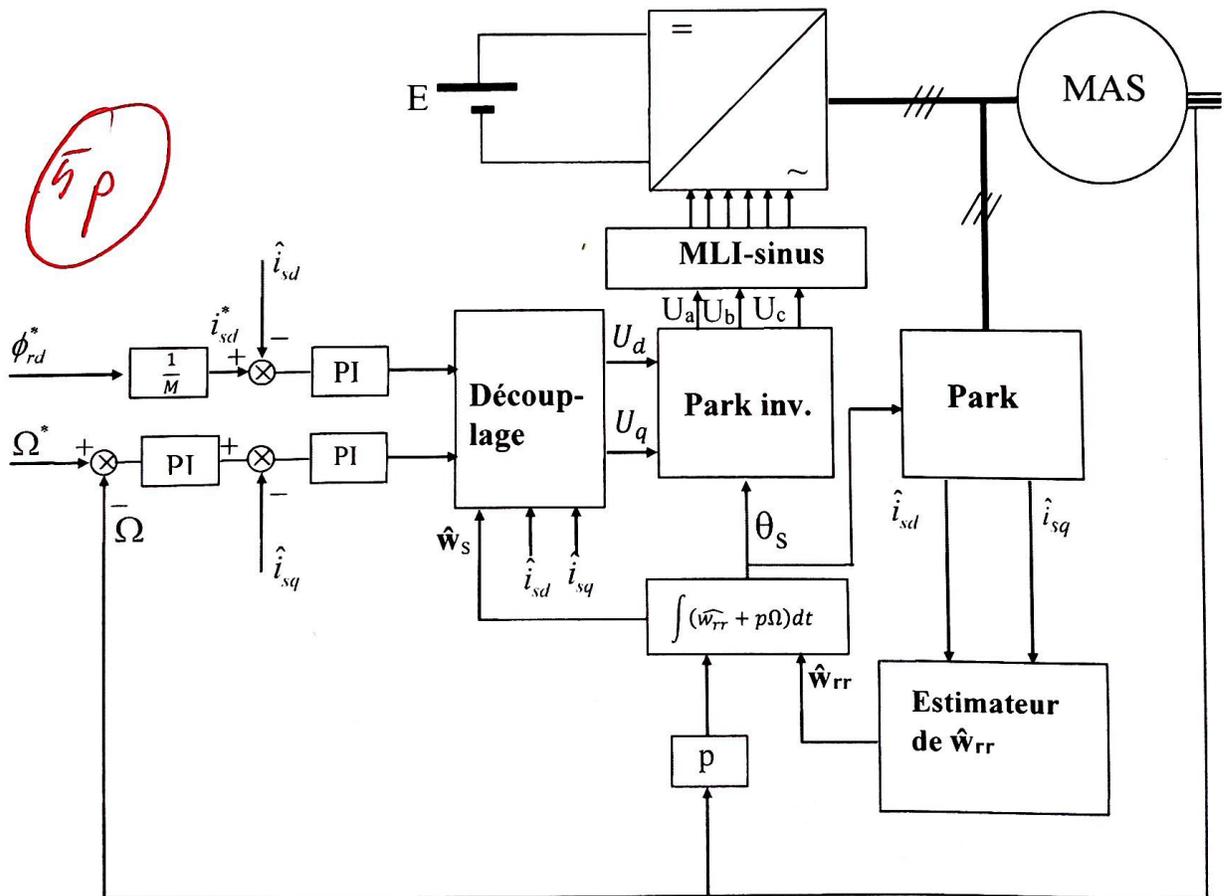
$$\begin{bmatrix} X_d \\ X_q \\ X_o \end{bmatrix} = [P(\theta_s)] \begin{bmatrix} X_a \\ X_b \\ X_c \end{bmatrix} = \frac{2}{3} \begin{bmatrix} \cos(\theta_s) & \cos\left(\theta_s - \frac{2\pi}{3}\right) & \cos\left(\theta_s - \frac{4\pi}{3}\right) \\ -\sin(\theta_s) & -\sin\left(\theta_s - \frac{2\pi}{3}\right) & -\sin\left(\theta_s - \frac{4\pi}{3}\right) \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} X_a \\ X_b \\ X_c \end{bmatrix}$$

1p

$$\begin{bmatrix} X_a \\ X_b \\ X_c \end{bmatrix} = [P^{-1}(\theta_s)] \begin{bmatrix} X_d \\ X_q \\ X_o \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos(\theta_s) & -\sin(\theta_s) & 1 \\ \cos\left(\theta_s - \frac{2\pi}{3}\right) & -\sin\left(\theta_s - \frac{2\pi}{3}\right) & 1 \\ \cos\left(\theta_s - \frac{4\pi}{3}\right) & -\sin\left(\theta_s - \frac{4\pi}{3}\right) & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} X_d \\ X_q \\ X_o \end{bmatrix}$$

1p

4. Le schéma de la commande vectorielle directe est le suivant :



5p