

السلسلة الثانية في مقياس بحوث العمليات

التمرين الأول: تنتج شركة الواحة الصناعية نوعان من الدهانات (الخارجية والداخلية) وذلك بإستخدام نوعين من المواد الخام

(م1،م2) والجدول التالي يبين الاحتياجات:

المادة الخام المنتجات	عدد الأطنان من المادة الخام لكل طن من المنتج		أقصى كمية متاحة في اليوم (الطن)
	الدهان الداخلي	الدهان الخارجي	
المادة الخام (م1)	4	6	24
المادة الخام (م2)	2	1	6
الربح لكل طن	4	5	

وتشير دراسة السوق الى: - الطلب اليومي على الدهان الداخلي لا يمكن ان يتجاوز الطلب على الدهان الخارجي بأكثر من طن واحد.

- أقصى كمية للطلب اليومي من الدهان الداخلي تبلغ 2 طن.

المطلوب: 1/ قم بصياغة النموذج الرياضي للمسألة اذا ترغب الشركة في تحديد الحل الأمثل لتعظيم الربح الاجمالي اليومي للشركة.

2/ أوجد الحل الأمثل بالطريقة البيانية.

التمرين الثاني: تستخدم شركة المزارع الخضراء 800 كغ على الال من نوع خاص من الاعلاف يوميا لتغذية المواشي التي تمتلكها، ويتكون هذا العلف الخاص من مزيج من الذرة وفول الصويا بالتوليفات التالية:

الكيلوجرام من العلف			
الأعلاف	بروتين	ألياف	التكلفة
الذرة	0,09	0,02	0,30
فول الصويا	0,20	0,06	0,90

علما ان المتطلبات الغذائية للأعلاف الخاصة هي 30% على الأقل والألياف 5 % على الأكثر

المطلوب: 1/ قم بصياغة النموذج الرياضي للبرمجة الخطية إذا كانت الشركة ترغب في تحديد الحد الأدنى للتكلفة للمزيج من الأعلاف.

2/ أوجد المزيج الأمثل الذي يخفض التكلفة باستخدام الطريقة البيانية.

التمرين الثالث: اليك النموذج او البرنامج الخطي الموالي:

$$\text{Min } Z = 5x_1 + 3x_2$$

$$\begin{cases} 3x_1 + 3x_2 \geq 12 \\ 1x_1 + 4x_2 \geq 10 \end{cases}$$

$$x_1, x_2 \geq 0$$

المطلوب: ايجاد الحل الامثل بالطريقة البيانية

التمرين الرابع: أوجد حل البرنامج الخطي الموالي بالطريقة البيانية:

$$\text{Max } Z = 3x_1 + 4x_2$$

$$\begin{cases} 2x_1 + 1x_2 \leq 6 \\ 3x_1 + 2x_2 \leq 8 \end{cases}$$

$$x_1, x_2 \geq 0$$

التمرين الخامس: أوجد الحل الامثل لنموذج البرمجة الخطية التالية باستخدام طريقة الرسم البياني:

$$\text{Min } Z = 20x_1 + 15x_2$$

$$\begin{cases} 5x_1 + 10x_2 \leq 25 \\ 5x_1 + 10x_2 \geq 50 \end{cases}$$

$$x_1, x_2 \geq 0$$

التمرين السادس: أوجد الحل الامثل لنموذج البرمجة الخطية التالية باستخدام طريقة الرسم البياني:

$$\text{Max } Z = x_1 + 2x_2$$

$$\begin{cases} 1x_1 + 2x_2 \leq 10 \\ x_1 + x_2 \geq 1 \\ x_2 \leq 4 \end{cases}$$

$$x_1, x_2 \geq 0$$